

# Goldbach & Euler

Rolf Schirm,  
Markus Mohr,  
Franz Mathauser

# Gelöste Probleme (19)

## Mengen

- #11172 Relational Operator

## Teilbarkeit

- #543 Goldbach's Conjecture
- #686 Goldbach's Conjecture II
- #382 Perfection
- #583 Prime Factors
- #10699 Problem D - Count the factors

## Zahlen

- #10579 FibonacciNumbers
- #10101 Bangla Numbers
- #10622 Perfect P-th Powers

## Zeichenketten

- #444 Encoder and Decoder
- #445 Marvelous Mazes
- #458 The Decoder
- #483 Word Scramble
- #494 Kindergarten Counting Game
- #10424 Love Calculator
- #11233 Deli Deli

## Formeln

- #541 Error Correction
- #10370 Above Average
- #11219 How old are you?

# Gliederung

- Prime Factors (#583)
- Goldbach's Conjecture (#543)
- Goldbach's Conjecture II (#686)
- Goldbach and Euler (#10311)
- How old are you? (#11219)

# Schönste Probleme

#11172 Relational Operator

#10857 Easter-Eggs

#541 Error Correction

# Schönste Programme

#10699 Problem D - Count the factors (Mohr, Schirm, Mathauser)

*Runtime: 0.060 s*

#10970 Big Chocolate (Leib, Tschannerl)

*Runtime: 1.048 s*

#10493 Cats with or without hats (Leib, Tschannerl)

*Runtime: 0.100 s*

# Gliederung

- Prime Factors (#583)
- Goldbach's Conjecture (#543)
- Goldbach's Conjecture II (#686)
- Goldbach and Euler (#10311)
- How old are you? (#11219)

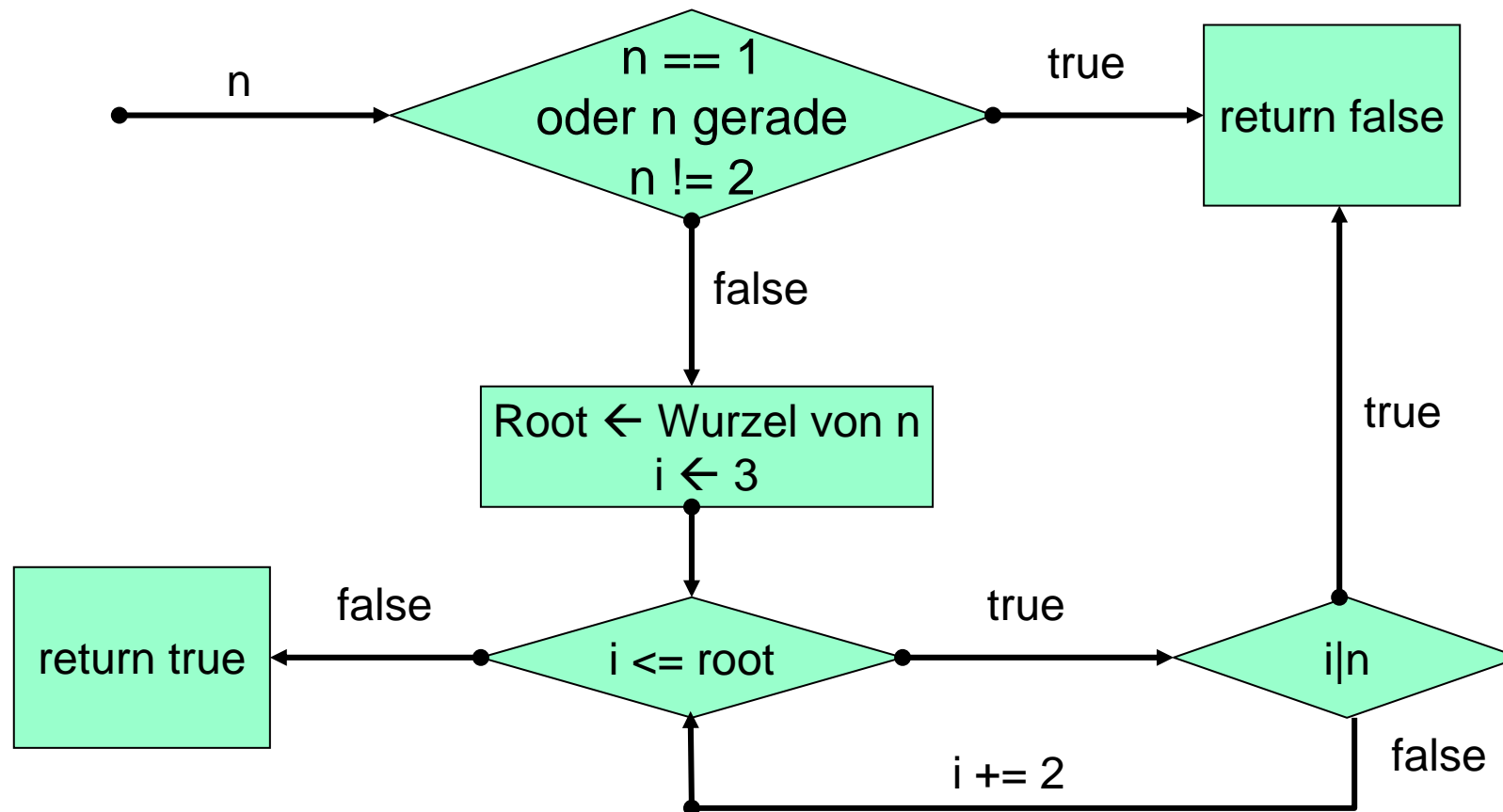
# Prime Factors (#583)

Sei  $n$  eine natürliche Zahl.

Eine Zahl  $p$  heißt *Primfaktor* von  $n$ ,  
wenn  $p$  ein Teiler von  $n$  ist und  
 $p$  eine Primzahl ist.

Quelle: Wikipedia

# isPrim Methode (Struktogramm)





# isPrim Methode (Java)

```
public static boolean isPrim(int n) {  
    if(n == 1 || (n%2 == 0 && n != 2))  
        return false;  
  
    short root = (short)Math.sqrt(n);  
    for (int i = 3; i <= root; i=i+2)  
        if (n % i == 0)  
            return false;  
  
    return true;  
}
```

# Prime Factors (#583)

## Input:

Jede Zeile enthält ein Integer  $g$  von der Größe  $-2^{31} < g < 2^{31}$

Ohne  $-1$  und  $1$

Input wird terminiert durch  $0$

## Output:

Primfaktorzerlegung  $g = f_1 \times f_2 \times \dots \times f_n$

*falls*  $g < 0$  :  $g = -1 \times f_1 \times f_2 \times \dots \times f_n$

# Prime Factors (#583)

$$-190 = -1 \times 2 \times 5 \times 19$$

$$-192 = -1 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3$$

$$-193 = -1 \times 193$$

$$-194 = -1 \times 2 \times 97$$

$$196 = 2 \times 2 \times 7 \times 7$$

$$197 = 197$$

$$200 = 2 \times 2 \times 2 \times 5 \times 5$$

# Lösungsansatz (#583)

1. Array mit Primzahlen bis zur Wurzel von **MAX\_INTEGER** füllen
2. Falls Zahl negativ  $\rightarrow$  **Zahl = (-1)\*Zahl** und (-1) ins Faktoren-Array hinzufügen
3. Schleife im Primzahlen-Array bis zur Wurzel der Zahl:  
falls **Zahl % Primzahl == 0**: Eintrag ins Faktoren-Array und  
**Zahl = Zahl/Primzahl**
4. Wenn **Zahl > 1** nach durchlauf der Schleife: Zahl ins Faktoren-Array eintragen
5. Ausgabe der Faktoren und prüfen ob nachfolgende Zahl gleich ist

# Prime Factors (#583)

```
for (int i = 0; i < anz && prime[i]*prime[i] <= buf; i++)
    while(buf % prime[i] == 0) {
        buf/=prime[i];
        factors[count++]=prime[i];
    }

if (buf != 1)
    factors[count++]=buf;
```

# Prime Factors (#583)

Accepted!

**RUNTIME:** 2.530

# Gliederung

- Prime Factors (#583)
- Goldbach's Conjecture (#543)
- Goldbach's Conjecture II (#686)
- Goldbach and Euler (#10311)
- How old are you? (#11219)

# Historisch (#543)



In 1742, Christian Goldbach, a German amateur mathematician, sent a letter to Leonhard Euler in which he made the following conjecture:

*Every number greater than 2 can be written as the sum of three prime numbers.*

Goldbach was considering 1 as a primer number, a convention that is no longer followed. Later on, Euler re-expressed the conjecture as:

*Every even number greater than or equal to 4 can be expressed as the sum of two prime numbers.*





# Goldbach's Conjecture (#543)

## Input:

Jede Zeile enthält ein Integer  $n$  von der Größe  $6 \leq n < 1000000$   
Input wird terminiert durch 0

## Output:

- $n = a + b$ , wobei  $b - a$  maximal
- „Goldbach's conjecture is wrong.“

# Goldbach's Conjecture (#543)

$$8 = 3 + 5$$

$$20 = 3 + 17 = 7 + 13$$

$$42 = 5 + 37 = 11 + 31 = 13 + 29 = 19 + 23$$

# Lösungsansatz 1 (#543)

1. Array mit Primzahlen bis zur größten eingegebenen Zahl
2. Schleife über die Primzahlen bis zur Zahl  
Test ob isPrim(n-Primzahl) („isPrim“=Methode)  
Falls true : Ausgabe und Abbruch der Schleife
3. Nach durchlauf der Schleife ohne bisherige Ausgabe:  
Ausgabe: „Goldbach's conjecture is wrong . “

# Goldbach's Conjecture (#543)

Accepted!

**RUNTIME: 2.320**

# Lösungsansatz 2 (#543)

1. Array mit n Primzahlen (bis zur max. möglichen Zahl)
2. Schleife über die Primzahlen bis Zahl/2

Suche mit binarySearch im Prim Array

Falls  $\geq 0$  : Ausgabe und Abbruch der Schleife

3. Nach durchlauf der Schleife ohne bisherige Ausgabe:

Ausgabe: „Goldbach's conjecture is wrong . “

**!! Verbesserte Performance !!**

# Java-Code (#543)

```
for(int i = 0; (first = prime[i]) <= (second = zahl - first); i++) {  
    if (Arrays.binarySearch(prime, second) >= 0) {  
        primePair=true;  
        break;  
    }  
}
```

# Gliederung

- Prime Factors (#583)
- Goldbach's Conjecture (#543)
- Goldbach's Conjecture II (#686)
- Goldbach and Euler (#10311)
- How old are you? (#11219)

# Goldbach's Conjecture 2 (#686)

Änderungen zu Goldbach's Conjecture:

Kleinerer Zahlenbereich:  $n < 32768 (2^{15})$

Kein Konkretes Primzahlpaar gesucht, sondern die

Anzahl aller möglichen Paare

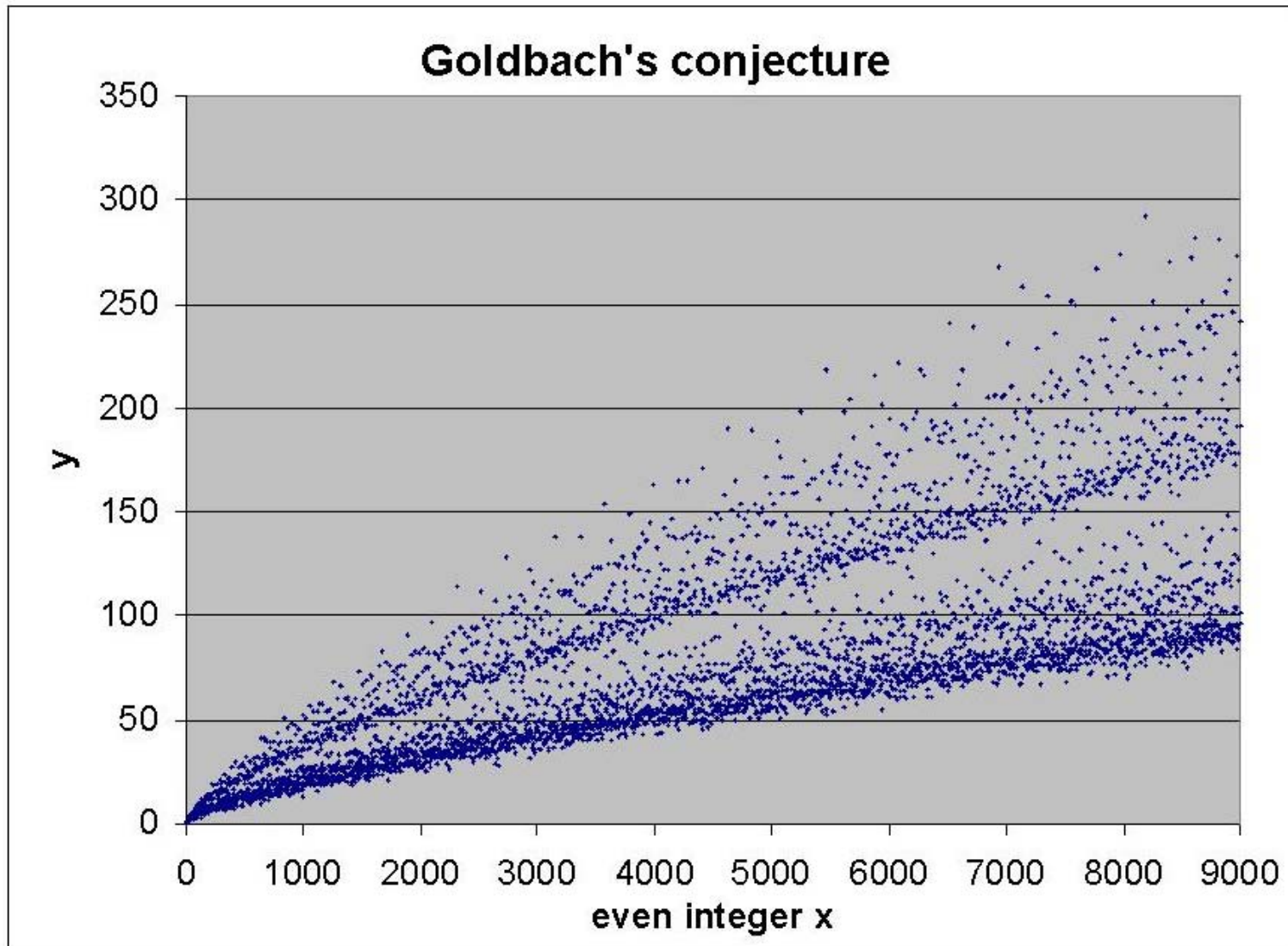


# Goldbach's Conjecture 2 (#686)

$$8 = 3+5 \rightarrow 1$$

$$20 = 3+17 = 7+13 \rightarrow 2$$

$$42 = 5+37 = 11+31 = 13+29 = 19+23 \rightarrow 4$$



Quelle : Wikipedia

# Goldbach's Conjecture 2 (#686)

## Änderungen zu Goldbach's Conjecture:

```
for(int i = 0; (first = prime[i]) <= (second = zahl - first); i++)  
    if (Arrays.binarySearch(prime, second) >= 0)  
        count++;
```

```
System.out.println(count);
```

# Goldbach's Conjecture 2 (#686)

Accepted!

**RUNTIME:** 0.180

# Gliederung

- Prime Factors (#583)
- Goldbach's Conjecture (#543)
- Goldbach's Conjecture II (#686)
- Goldbach and Euler (#10311)
- How old are you? (#11219)

# Goldbach and Euler (#10311)

## Input:

- 100.000 Testfälle
- Jede Zeile enthält ein Integer  $n$  kleiner 100.000.000
- 40 MB Memory Limit
- 10 sec Time Limit

## Output:

- „ $n$  is the sum of  $a$  and  $b$ “, wobei  $b - a$  minimal aber positiv
- „ $n$  is not the sum of two primes!“

# Goldbach and Euler (#10311)

## Input:

11

12

13

14

15

16

42

## Output:

11 is not the sum of two primes!

12 is the sum of 5 and 7.

13 is the sum of 2 and 11.

14 is the sum of 3 and 11.

15 is the sum of 2 and 13.

16 is the sum of 3 and 13.

42 is the sum of 19 and 23.

# Goldbach and Euler (#10311)

$$\text{set}[0] = -1601558355$$

3	3	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	8	7	6	5	4	3	2	1	0
1	0	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1	0	1	0	0	0	1	0	1	0	0	0	1	0	1	0	1	1	0	0

$$\text{set}[1] = 673221152$$

6	6	6	6	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	4	4	4	4	4	4	4	4	4	3	3	3	3	3	3	3	3	3
3	2	1	0	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0	9	8	7	6	5	4	3	2
0	0	1	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	1	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0



# Goldbach and Euler (#10311)

```
public void set(int pos, boolean value)
{
    if(value)
        set[pos>>5] |= (1<<(pos & 0x0000001F));
    else
        set[pos>>5] &= ~(1<<(pos & 0x0000001F));
}                                     //1F = 31 (dez.)
```

*pos*>>5 = Rechts-Shift um fünf stellen → *pos* / 32  
= Wert des Array Index für gesuchte *pos*

# Goldbach and Euler (#10311)

Beispiel: mit pos 50

3	3	2	2	2	2	2	2	2	2	2	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0	
1	0	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	0	0	1	0	

& - Binär Verknüpfung

3	3	2	2	2	2	2	2	2	2	2	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0	
1	0	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	1	1	

=

18 (dez)

3	3	2	2	2	2	2	2	2	2	2	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0	
1	0	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
1	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	1	0	

# Goldbach and Euler (#10311)

## Sieb des Eratosthenes:

Alle Zahlen von 2 bis zur Wurzel der maximalen Zahl werden durchlaufen:

- **Unmarkiert:** Primzahl, alle Vielfachen markieren
- **Markiert:** keine Primzahl

# Goldbach and Euler (#10311)

	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80
81	82	83	84	85	86	87	88	89	90
91	92	93	94	95	96	97	98	99	100

# Goldbach and Euler (#10311)

```
for(int i=2; i <= squareRoot; i++)  
    if(isPrime.get(i))  
        for(int j=i+i; j <= MAX_PRIME; j+=i)  
            isPrime.set(j,false);
```

# Goldbach and Euler (#10311)

## Im Hauptprogramm

- Zahl einlesen
- **Ungerade** → erster Summand muss 2 sein
- **Gerade** → Suche des Primzahlenpaars

# Goldbach and Euler (#10311)

```
if(n % 2 == 1)
    if(n != 1 && isPrime.get(n-2))
        firstPrime = 2;
else
    for(int i = n/2; i >= 2; i--)
        if(isPrime.get(i) && (n-i != i) && isPrime.get(n-i))
        {
            firstPrime = i;
            break;
        }
```

# Goldbach and Euler (#10311)

## Ausgabe

- erster Summand gleich Start-Wert (-1):  
„n is not the sum of two primes!,,
- sonst: Ausgabe der beiden Summanden



# Gliederung

- Prime Factors (#583)
- Goldbach's Conjecture (#543)
- Goldbach's Conjecture II (#686)
- Goldbach and Euler (#10311)
- How old are you? (#11219)

# How old are you? (#11219)

Input:

- Anzahl der **Testfälle**
- aktuelles und Geburtsdatum im Format:  
**DD/MM/YYYY**

Output: #**Testcase**

- Alter  $< 0$ : „**Invalid birth date**“
- Alter  $> 130$ : „**Check birth date**“
- **Alter**

# How old are you? (#11219)

4

01/01/2007

10/02/2007

09/06/2007

28/02/1871

12/11/2007

01/01/1984

28/02/2005

29/02/2004

Case #1: Invalid birth date

Case #2: Check birth date

Case #3: 23

Case #4: 0

# Lösungsansatz (#11219)

- Eingelesene Strings in `int[]` umformen
- Berechnung der **Tage zwischen den Daten**  
`static long daysBetween(int[] start, int[] end)`
- Berechnung der **Jahre** aus den oberen Ergebnis  
`static int calcYears(long between, int[] birthdate)`
- Ausgabe

# How old are you? (#11219)

```
public static long daysBetween(int[] start, int[] end) {  
    long startDays = start[0];  
    long endDays = end[0];  
  
    if (start[2] > end[2])  
        for(int i = end[2] ; i < start[2]; i++)  
            startDays += (Schaltjahr(i)) ? 366 : 365;  
  
    if (start[2] < end[2])  
        for(int i = start[2] ; i < end[2]; i++)  
            endDays += (Schaltjahr(i)) ? 366 : 365;
```

```

if (start[1] > end[1])
    for(int i = end[1] ; i < start[1]; i++)
        if(i == 2)
            startDays += (Schaltjahr(start[2])) ? 29 : 28;
        else
            if(i == 1 || i == 3 || i == 5 || i == 7 || i == 8 || i == 10)
                startDays += 31;
            else
                startDays += 30;
if (start[1] < end[1])
for(int i =start[1] ; i < end[1]; i++)
    if(i == 2)
        endDays += (Schaltjahr(end[2])) ? 29 : 28;
    else
        if(i == 1 || i == 3 || i == 5 || i == 7 || i == 8 || i == 10)
            endDays += 31;
        else
            endDays += 30;
return endDays - startDays;
}

```

# How old are you? (#11219)

```
public static int calcYears(long between, int[] birthDate) {
    int age = 0;
    if (birthDate[1] > 2)
        birthDate[2] += 1;
```

Geburtsjahr												Geburtsjahr + 1											
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12

```
        between -= 366;
```

```
    else
```

```
        between -= 365;
```

```
    age++;
```

```
    birthDate[2]++;
```

```
    SchaltJahr = Schaltjahr(birthDate[2]);
```

```
}
```

```
return age;
```

```
}
```

# How old are you? (#11219)

```
public static int calcYears(long between, int[] birthDate) {  
    int age = 0;  
    if (birthDate[1] > 2)  
        birthDate[2] += 1;  
    boolean SchaltJahr = Schaltjahr(birthDate[2]);  
    while(SchaltJahr && between >= 366 || !SchaltJahr && between >= 365) {  
        if (SchaltJahr)  
            between -= 366;  
        else  
            between -= 365;  
        age++;  
        birthDate[2]++;  
        SchaltJahr = Schaltjahr(birthDate[2]);  
    }  
    return age;  
}
```



How old are you? (#11219)

Accepted!

**RUNTIME:** 0.170

Vielen Dank für Ihre  
Aufmerksamkeit